

## Programme de colle - Semaine 7 (12 octobre)

*La démonstration des énoncés marqués d'une étoile est exigible*

### 1 Langages réguliers

- Mots : alphabet, mot sur un alphabet, concaténation, puissance d'un mot, structure de monoïde.
- Langages : opérations ensemblistes sur les langages (union, intersection, différence, complémentaire), concaténation de deux langages, étoile de Kleene d'un langage
- Langages réguliers (aussi appelés langages rationnels): définition inductive de la classe des langages réguliers, **tout langage fini est régulier (\*)**
- Expressions régulières : définition inductive, langage dénoté par une expression régulière (notation  $\mu(e)$ ), **un langage est régulier si et seulement si il est dénoté par une expression régulière (\* interroger sur un des deux sens seulement)**, expressions régulières équivalentes
- Expressions régulières étendues : aucune connaissance spécifique n'est exigible mais les étudiants doivent savoir trouver une expression régulière équivalente pour chacune des opérations introduites.

### 2 Automates finis

Les étudiants doivent savoir appliquer les constructions et algorithmes sur les automates.

- Automate fini déterministe (afd) : définition et calcul d'un afd, mots reconnus, langages acceptés
- Accessibilité et co-accessibilité; afd émondé
- Afd complet; complétion d'un afd
- Automate complémentaire
- Automate produit
- Classe des langages reconnaissables : stabilité par complémentaire, intersection et union finie (concaténation et étoile pas encore vu)
- Automate fini non déterministe (afnd) : définition et calcul d'un afnd, mots reconnus, langage accepté
- Automate fini non déterministe avec transitions instantanées ( $\varepsilon$ -afnd) : définition,  $\varepsilon$ -clôture, calcul d'un  $\varepsilon$ -afnd, mots reconnus, langage accepté
- Déterminisation d'un afnd ou d'un  $\varepsilon$ -afnd (automate des parties) : les classes de reconnaissabilité sont les mêmes pour tous les types d'automates finis.
- Langages non reconnaissables : **lemme de l'étoile (\*)**, les exemples  $\{a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$  et  $\{u \mid |u|_a = |u|_b\}$  ont été vus en cours.

*NB : le lien entre langages réguliers et langages reconnaissables n'a pas encore été étudié*